

El problema isométrico de Banach en dimensión $4k+2$

Luis Hernández Lamonedada

CIMAT, México

“En 1932 Banach plantea el siguiente problema: sea V un espacio de Banach real (de dimensión finita o infinita) y fija una n , con $n > 1$. Si todos los subespacios de dimensión n son isométricos entre sí, ¿será cierto que V es un espacio de Hilbert?”

Dvoretzky dio una respuesta afirmativa si $\dim V$ es infinito. Después, en 1967, Gromov lo probó cierto en todos los casos restantes, excepto cuando $\dim V = n + 1$ es par.

Voy a mostrar una prueba (en colaboración con G. Bor, V. Jiménez y L. Montejano) para la “mitad” de los casos restantes. A saber,

Teorema. V espacio normado, $\dim V = n + 1$, $n = 4k + 1$, $n \neq 133$. Si todos los hiperplanos de V son isométricos entre sí, entonces V es de Hilbert (ie la norma viene de un producto interior).

¿Puedes adivinar que tiene 133 de “excepcional”?

La prueba repasa ideas y conceptos de topología algebraica, teoría de representaciones de grupos de Lie compactos y geometría convexa.”

Data: Xoves 20 de xuño de 2019.

Lugar: Aula 7, Facultade de Matemáticas.

Duración: 1 hora.

Hora: 16:00h.

